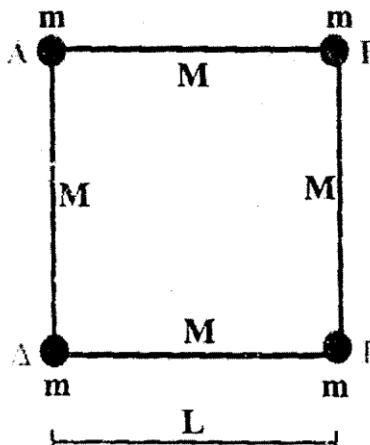


1

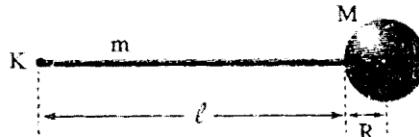


Τέσσερεις όμοιες ομογενείς ράβδοι, μήκους $L = \sqrt{2}m$ και μάζας $M = 3\text{Kgr}$, συνδέονται μεταξύ τους κατά τέτοιο τρόπο ώστε να σχηματίζουν το τετράγωνο του σχήματος. Στις κορυφές του τετραγώνου είναι κολλημένες τέσσερεις (4) όμοιες σφαίρες (χωρίς διαστάσεις), μάζας 0.5Kgr . Το σύστημα είναι αρχικά ακίνητο, αλλά μπορεί να περιστρέφεται γύρω από άξονα, ο οποίος είναι κάθετος στο επίπεδο του τετραγώνου και διέρχεται από το κέντρο του K.

Να υπολογίσετε την ολική ροπή αδράνειας του συστήματος

2 Μια ομογενής ράβδος μάζας m και μήκους

$\ell = 9R$ φέρει προσαρμοσμένη στο ένα της άκρο σφαίρα μάζας $M = m$ και ακτίνας R . Το σύστημα μπορεί να στρέφεται γύρω από άξονα που είναι κάθετος στη ράβδο και διέρχεται από το άλλο άκρο K. Να υπολογίσετε σε συνάρτηση με τα M και ℓ :

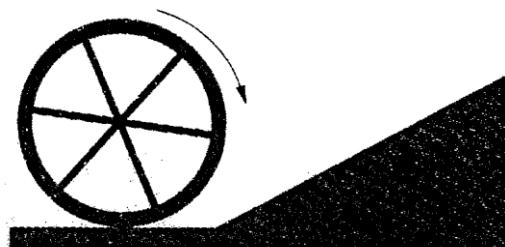


- a. τη συνεισφορά της ράβδου στη ροπή αδράνειας του συστήματος ράβδος - σφαίρα
- β. τη συνεισφορά της σφαίρας στη ροπή αδράνειας του συστήματος ράβδος - σφαίρα
- γ. τη ροπή αδράνειας του συστήματος ράβδος - σφαίρα.

Δίνονται οι ροπές αδράνειας ως προς άξονα που διέρχεται από το κέντρο

$$\text{μάζας των σωμάτων: } I_{cm(\text{ράβδος})} = \frac{1}{12}m\ell^2, \quad I_{cm(\text{σφαίρας})} = \frac{2}{5}MR^2.$$

3



Η ρόδα αποτελείται από στεφάνη μάζας m και από ακτίνες μάζας $m/2$ η κάθε μία. Η ρόδα στρέφεται όπ στο σχήμα. Ποια η ροπή αδράνειας της;